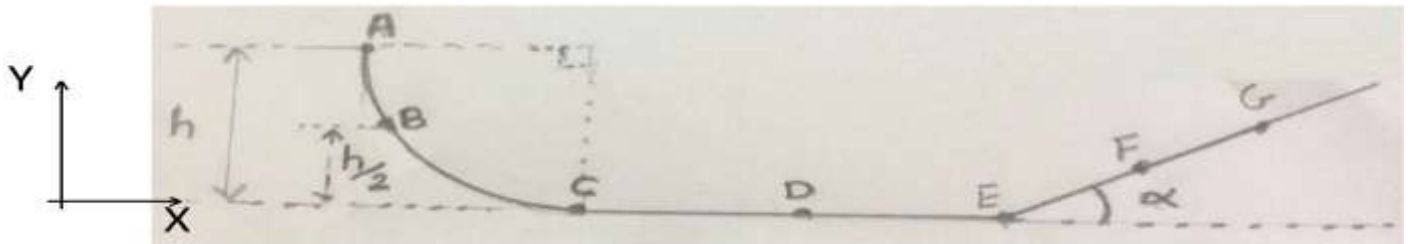


Concours d'entrée : 10 Sept 2013
Epreuve de Physique

Durée : 2 H

Exercice I : (12 points)

Un solide métallique S, considéré comme ponctuel, est lâché d'une hauteur h sans vitesse initiale, sur une piste sans frottement, dont la trajectoire ABC est circulaire (un quart d'un cercle) de rayon $R=h$ (figure ci-dessous). Après son passage par le point C, le solide S continue son déplacement, avec frottement supposé constant, d'abord sur le plan horizontal (trajet CDE), puis sur le plan incliné d'un angle α avant de s'arrêter au point G.

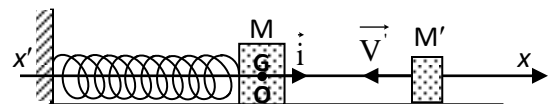


On donne : la masse du solide S est $m=0.1 \text{ Kg}$; $h= 5 \text{ m}$; la vitesse au point E de S est $V_E=8 \text{ m/s}$; $\alpha= 30^\circ$; l'accélération de la pesanteur est $g=10 \text{ m/s}^2$; le niveau du plan horizontal (le niveau du sol) est considéré comme niveau de référence de l'énergie potentielle.

- 1) Calculer l'énergie cinétique du solide S au moment de son passage par le point B qui se trouve à une hauteur $h_1= h/2$. Déduire les valeurs des composantes V_{BX} (horizontale) et V_{BY} (verticale) de la vitesse de S en B.
- 2) Calculer l'énergie cinétique du solide S lorsqu'il passe par le point D du plan horizontal tel que $CD=CE/2$.
- 3) Calculer la distance EG parcourue par S sur le plan incliné.
- 4) Calculer l'énergie mécanique du système (S, sol) lorsque le solide S passe par le point F du plan incliné tel que $EF=EG/2$.

Exercice II : (12 points)

Un ressort à spires non jointives, de raideur $k = 10 \text{ N/m}$ et d'axe horizontal, est fixé par une de ses extrémités à un obstacle fixe ; l'autre extrémité est accrochée à un palet M de masse $m = 100 \text{ g}$. Le centre d'inertie G de M peut se déplacer, sans frottement, sur un axe $x'x$ d'origine O et de vecteur unitaire \vec{i} . Le plan horizontal qui passe par G est considéré comme niveau de référence de l'énergie potentielle de pesanteur.



À l'instant $t_0 = 0$, le palet M, initialement au repos en O, est heurté par un autre palet M', de masse $m' = \frac{m}{2}$, animé d'une vitesse $\vec{V}' = -V' \vec{i}$ ($V' > 0$). Après la collision, le palet M' rebondit sur M avec la vitesse \vec{V}'_1 et le palet M, lancé avec une vitesse $\vec{V}_0 = V_0 \vec{i}$, effectue des oscillations d'amplitude constante $X_m = 10 \text{ cm}$.

- 1) Donner le signe de V_0 .
- 2) Soient x et v respectivement l'abscisse et la valeur algébrique de la vitesse de G à un instant t après la collision.
 - a) Écrire, en fonction de x , m , k et v , l'expression de l'énergie mécanique du système (M , ressort, Terre) à l'instant t .
 - b) Établir l'équation différentielle du second ordre en x qui régit le mouvement de M .
 - c) La solution de cette équation différentielle est de la forme $x = A \sin(\omega_0 t + \varphi)$. Déterminer les valeurs des constantes positives A , ω_0 et φ .
 - d) En déduire que la valeur de la vitesse \vec{V}_0 de M , juste après la collision, est 1 m/s .
- 3) Sachant que la collision entre M' et M est supposée parfaitement élastique, déterminer :
 - a) la valeur V' de la vitesse de M' avant la collision ;
 - b) la vitesse \vec{V}'_1 de M' juste après la collision.

Exercice III : (10 points)

Le montage de la figure 1 comprend un GBF délivrant entre ses bornes une tension alternative sinusoïdale de fréquence f , une bobine d'inductance $L = 0,07 \text{ H}$ et de résistance négligeable, un conducteur ohmique de résistance $R = 100 \text{ K}\Omega$ et un condensateur de capacité C . La tension instantanée aux bornes du GBF est $u_{AM} = U_m \sin \omega t$ et l'intensité instantanée i du courant est: $i = I_m \sin(\omega t + \varphi)$

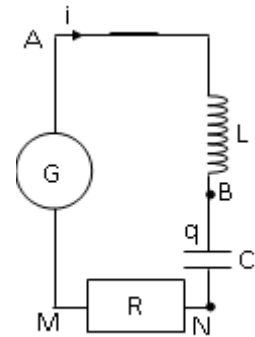


Figure 1

- 1) On désigne par $u_C = u_{BN}$ la tension instantanée aux bornes du condensateur, par u_{AB} la tension instantanée aux bornes de la bobine et par u_{NM} celle aux bornes du conducteur ohmique.

Montrer que :

$$\text{a) } i = C \frac{du_C}{dt}.$$

$$\text{b) } u_C \text{ peut se mettre sous la forme : } u_C = \frac{-I_m}{C\omega} \cos(\omega t + \varphi).$$

$$\text{c) } u_{AB} = L\omega I_m \cos(\omega t + \varphi).$$

- 2) La relation : $u_{AM} = u_{AB} + u_{BN} + u_{NM}$ est vérifiée quelque soit t . En donnant à ωt une valeur particulière, montrer

$$\text{que : } \tan \varphi = \frac{\frac{1}{C\omega} - L\omega}{R}.$$

- 3) Un oscilloscope, convenablement branché, visualise les variations, en fonction du temps, de u_{AM} et de u_{NM} respectivement sur les voies (Y_1) et (Y_2). Ces variations sont données par l'oscillogramme de la figure 2.

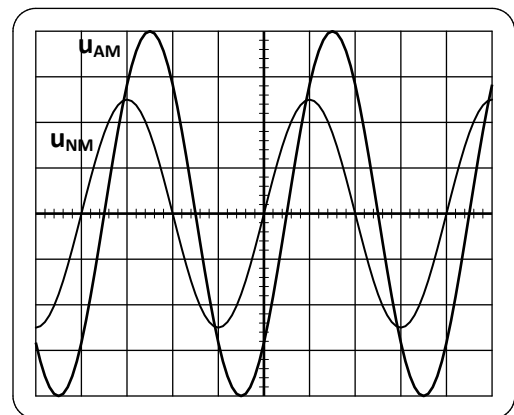
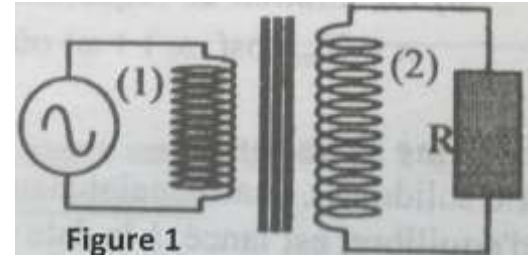


Figure 2

- a) Reproduire la figure 1 en montrant le branchement de l'oscilloscope.
- b) La courbe représentative de u_{NM} est l'« image » de l'intensité i . Pourquoi ?
- c) Trouver la valeur de la fréquence f , sachant que la sensibilité horizontale est de 5 ms/division .
- d) Déterminer le déphasage φ entre i et u_{AM} .
- 4) Déduire la valeur de la capacité C .
- 5) On fait varier la fréquence f , tout en maintenant constante la valeur efficace de u_{AM} . On constate que, pour une valeur f_1 de f , u_{AM} est en phase avec i .
 - a) Nommer le phénomène se manifestant dans le circuit.
 - b) Déduire, de ce qui précède, la relation qui lie L , C et f_1 .

Exercice IV : (6 points)

- 1) La figure 1 représente le schéma d'un transformateur en charge. Le générateur délivre une tension alternative sinusoïdale de fréquence f . La bobine (1) est parcourue par un courant alternatif sinusoïdal de fréquence f et d'intensité i_1 . La bobine (2) est alors parcourue par un courant alternatif sinusoïdal d'intensité i_2 et de même fréquence f . Expliquer l'apparition du courant dans la bobine (2).



- 2) Cette partie a pour but de mettre en évidence le rôle d'un transformateur dans le transport de l'énergie électrique. Un générateur électrique G délivre une puissance $P = 20 \text{ kW}$ sous une tension alternative sinusoïdale de valeur efficace U . Une ligne de transport de résistance totale $r = 1 \Omega$ alimente une installation électrique B. L'intensité efficace du courant qui passe dans la ligne est I . Le facteur de puissance de l'ensemble constitué par la ligne et l'installation est $\cos \varphi = 0,95$.
- a) Exprimer la puissance P en fonction de U , I et $\cos \varphi$.
- b) i) Exprimer la puissance P' perdue, par effet Joule dans la ligne, en fonction de P , r , $\cos \varphi$ et U .

- ii) Calculer P' dans le cas où $U = 220 \text{ V}$ (Figure 2).

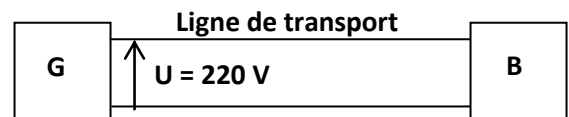


Figure 2

- iii) Un transformateur, branché aux bornes du générateur, élève la valeur efficace de la tension aux bornes de la ligne de transport. Le transport de la même puissance P à travers la ligne se fait alors sous la nouvelle tension efficace $U = 10^4 \text{ V}$ (Figure 3). Calculer la nouvelle valeur de P' .

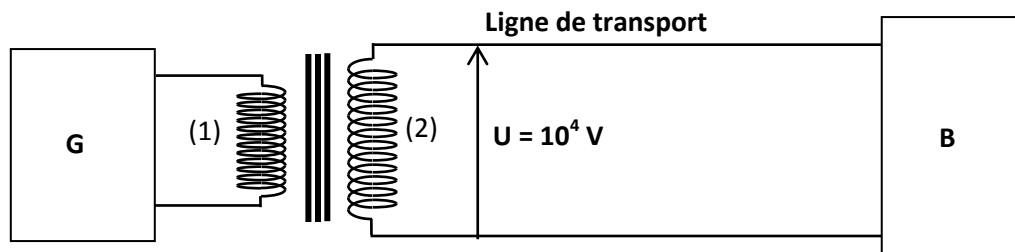


Figure 3

- c) Tirer une conclusion à propos de l'importance de l'utilisation du transformateur dans le transport de l'énergie électrique à grande distance.