

17 Septembre 2020

Concours d'entrée (Génie)  
Examen de Physique

Durée 1H30

Les deux exercices 1 et 2 sont obligatoires  
Traiter seulement 2 exercices parmi les exercices 3, 4 et 5

*Exercice 1*

(7 points )

Dans un plan vertical, rapporté à un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ , une particule M, de coordonnées  $(x;y)$  et de masse  $m = 500$  g, est animée d'un mouvement selon les lois:

$$\begin{aligned}x &= 30t \\ y &= -5t^2 + 40t\end{aligned}$$

avec  $t$  en seconde,  $x$  et  $y$  en mètre et  $\vec{j}$  est un vecteur unitaire vertical ascendant.

Le plan horizontal passant par  $O$  est pris comme niveau de référence pour l'énergie potentielle de pesanteur.

- 1-Déterminer les coordonnées et la norme de la vitesse de la particule aux instants : 0 ; 2 s ;10 s.
- 2-Calculer l'énergie cinétique de la particule aux mêmes instants.

*Exercice 2*

(7 points )

On considère le circuit de la figure 1 de résistance totale constante  $R = 2 \Omega$ . (T) est une barre conductrice se déplaçant avec une vitesse  $v$ .

On donne :  $v = 50$  cm/s ;  $B = 0,4$  T ;  $MQ = d = 20$  cm et  $MN = x$ .

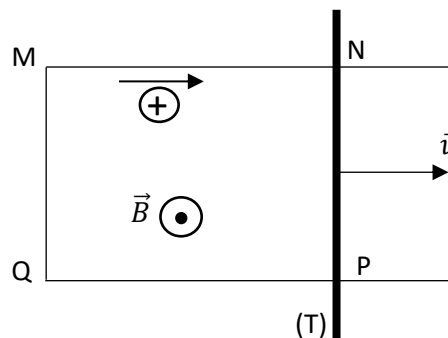


Figure 1

- 1- Préciser la direction et le sens du vecteur normal  $\vec{n}$  à la surface.
- 2- Ecrire, en fonction de  $x$ , l'expression du flux magnétique à travers la surface MNPQ.
- 3- Déduire la valeur de la force électromotrice induite  $e$ .

**Exercice 3****(8 points)**

Un mobile autoporteur (S) de masse  $m = 709 \text{ g}$  est accroché à l'extrémité d'un ressort (R) à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur  $k = 7 \text{ N.m}^{-1}$ . Ce mobile, de centre d'inertie G, peut glisser sans frottement sur un rail horizontal, G pouvant alors se déplacer sur l'axe Ox. La figure 2 montre l'axe horizontal Ox d'origine O. A l'équilibre, G coïncide avec O.

(S) est écarté de 3 cm de O ( $\overrightarrow{OG_0} = x_0 \vec{i} = 3\vec{i}$ ) dans le sens positif et lâché sans vitesse initiale à la date  $t_0 = 0$ .

A une date  $t$ ,  $x$  est l'abscisse de G et  $v = \frac{dx}{dt}$  est la mesure algébrique de sa vitesse.



Figure 2

L'énergie mécanique du système ((S), (R), Terre) est conservée.

- 1) Déterminer l'équation différentielle du second ordre en  $x$ .
- 2) Vérifier que  $x = x_m \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t + \varphi\right)$  est la solution de cette équation différentielle.
- 3) Calculer les valeurs des constantes  $x_m$  et  $\varphi$ .
- 4) Ecrire l'expression de la période propre  $T_0$  du mouvement en fonction de  $k$  et  $m$ . Calculer  $T_0$ .

**Exercice 4****(8 points)**

On considère un plan incliné formant un angle  $\alpha = 30^\circ$  avec le plan horizontal (figure 3).

Un objet (S), supposé ponctuel et de masse  $m = 0,5 \text{ kg}$ , est lancé du point O, à la date  $t_0 = 0$ , avec une vitesse  $\vec{V}_0 = V_0 \vec{i}$  suivant la ligne de plus grande pente (OB) du plan incliné. Soit A un point de (OB) tel que  $OA = 5 \text{ m}$ . La position de (S), à la date  $t$ , est donnée par  $\overrightarrow{OM} = x\vec{i}$  où  $x = f(t)$ .

La variation de l'énergie mécanique du système [(S), Terre], en fonction de  $x$ , est représentée par le graphique de la figure 4.

Prendre :

- Le plan horizontal passant par OH comme niveau de référence de l'énergie potentielle de pesanteur ;
- $g = 10 \text{ ms}^{-2}$ .

- 1) En utilisant le graphique de la figure 4 :
  - a) Montrer que (S) est soumis à une force de frottement entre les points d'abscisses  $x_0 = 0$  et  $x_A = 5 \text{ m}$ .
  - b) Calculer la variation de l'énergie mécanique du système [(S), Terre] entre les instants de passage de (S) par les points O et A.
  - c) Dédurre l'intensité de la force de frottement supposée constante entre O et A.

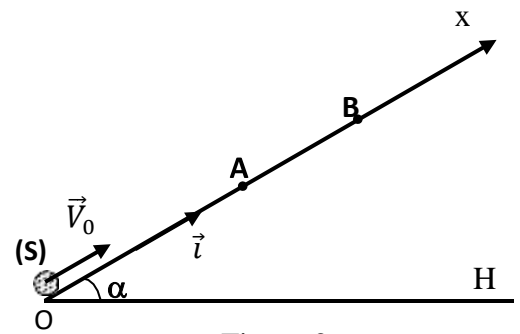


Figure 3

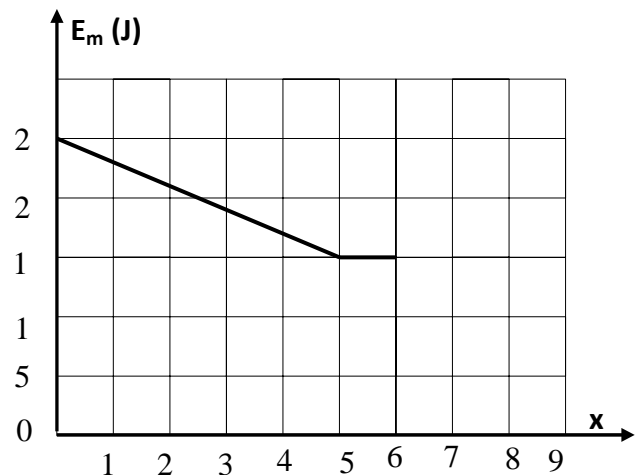


Figure 4

- 2) Déterminer, pour  $0 \leq x \leq 5$  m, l'expression de l'énergie mécanique du système [(S), Terre] en fonction de  $x$ .
- 3) Déterminer la vitesse de (S) au point d'abscisse  $x = 6$ m.

**Exercice 5**

( 8 points )

Le circuit représenté par la figure 5, comporte en série :

- un générateur (G) délivrant, à ses bornes, une tension alternative,  $u_{AF} = u_G = 8\sin(2\pi ft)$  (S.I.);
- un condensateur de capacité  $C = 0,265 \mu\text{F}$  ;
- une bobine d'inductance  $L = 31,833$  mH et de résistance négligeable ;
- un conducteur ohmique de résistance  $R = 100 \Omega$ .

Le circuit est alors parcouru par un courant alternatif d'intensité  $i$  où  $i = I_m \sin(2\pi ft + \varphi)$  (S.I.).

Le but de cet exercice est d'étudier l'effet de la fréquence  $f$  de  $u_G$  sur l'amplitude  $I_m$  de  $i$  et sur le déphasage  $\varphi$  entre  $i$  et  $u_G$ .

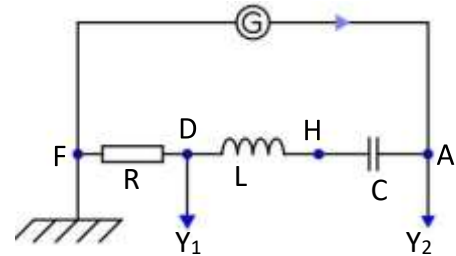


Figure 5

Un oscilloscope, branché comme l'indique le document (figure 5), sert à visualiser les tensions  $u_G$  et  $u_R = u_{DF}$ . Dans toutes les expériences, la sensibilité verticale est la même pour les deux voies :  $S_V = 2$  V/div.

**I-1ère expérience** on règle la fréquence à la valeur  $f = f_1 = 1500$  Hz. On observe sur l'écran de l'oscilloscope les courbes représentées sur la figure 6.

- a) Identifier les oscillogrammes (a) et (b).
- b) Déterminer le déphasage  $\varphi_1$  entre  $i$  et  $u_G$ .
- c) Calculer l'amplitude  $I_{1m}$  de l'intensité  $i$  du courant.

**II- 2ème expérience** On augmente la valeur de  $f$  et on lui donne la valeur  $f = f_0$ ,  $f_0$  étant la fréquence propre du dipôle (RLC). On remarque que les deux oscillogrammes obtenus se superposent. Le circuit est alors le siège d'un certain phénomène.

- a) Donner le nom du phénomène physique obtenu.
- b) Donner alors la nouvelle valeur du déphasage  $\varphi_2$  entre  $i$  et  $u_G$ .
- c) Déduire la valeur de  $f_0$  et la nouvelle valeur de l'amplitude  $I_{2m}$  de  $i$ .

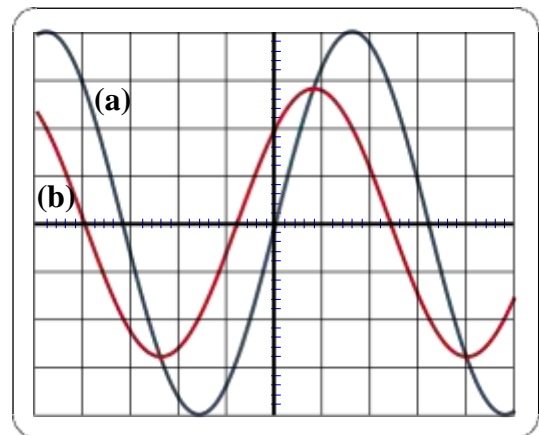


Figure 6